

# Σχεδίαση Β.Δ. (Database Design)

- Η σχεδίαση ενός σχήματος μιας Β.Δ. βασίζεται σε μεγάλο βαθμό στη διαίσθηση του σχεδιαστή σχετικά με τον κόσμο που θέλει να αναπαραστήσει.
- Η εννοιολογική σχεδίαση υπαρκτών κόσμων παράγει σχήματα υψηλού επιπέδου, π.χ. διαγράμματα Οντοτήτων – Σχέσεων.
- Ένα εννοιολογικό μοντέλο πρέπει να μετατραπεί σε ένα λογικό μοντέλο, π.χ. σχεσιακό.
- Προκειμένου να κρίνουμε αν η σχεδίαση είναι ορθή πρέπει να χρησιμοποιήσουμε κάποια τυπικά κριτήρια.

# Θεωρία Σχεδίασης Σχεσιακών Β.Δ.

- Η σχεδίαση του σχήματος μιας σχεσιακής Β.Δ. μπορεί να τυποποιηθεί με χρήση της **Θεωρίας κανονικοποίησης** (normalization theory)
- Με τον όρο «κανονικοποίηση» εννοούμε την εφαρμογή κανόνων σχεδίασης που αποκαλούνται **κανονικές μορφές** (normal forms) και οι οποίοι περιορίζουν τις δυνατές μορφές σχεσιακών σχημάτων.
- Αν ακολουθούνται οι κανόνες αυτοί αποφεύγεται ανώμαλη ή λανθασμένη συμπεριφορά του συστήματος.
- Επιβεβαιώνεται επίσης ότι το σχήμα έχει διάφορες επιθυμητές ιδιότητες.

# Κανονικές Μορφές

- 1η Κανονική Μορφή (1NF)
    - Μια σχέση είναι σε 1η κανονική μορφή αν δεν έχει πλειότιμα γνωρίσματα
  - 2η Κανονική Μορφή
  - 3η Κανονική Μορφή
  - Κανονική Μορφή Boyce-Codd
- 
- **Υπόθεση:** όλες οι σχέσεις είναι σε 1NF

# Κανονικές Μορφές

- **Παράδειγμα:** Employee Database
  - για κάθε υπάλληλο αποθηκεύεται η ακόλουθη πληροφορία:  
`emp_id, emp_name, emp_phone, dept_name,  
dept_phone, dept_mgrname, skill_id,  
skill_name, skill_date, skill_lvl`
  - Τα γνωρίσματα `emp_id`, `dept_name` και `skill_id` προσδιορίζουν μοναδικά υπαλλήλους, τμήματα και δεξιότητες αντίστοιχα.
  - Μια **καθολική σχέση** (universal relation) είναι μια σχέση η οποία περιέχει όλα τα γνωρίσματα που αντιστοιχούν σε πληροφορία σχετικά με τους υπαλλήλους.

# Κανονικές Μορφές

- Προβλήματα με τη χρήση καθολικής σχέσης:
  - **Επανάληψη πληροφορίας:** για έναν υπάλληλο με πολλές δεξιότητες εμφανίζονται ισάριθμες πλειάδες στη σχέση
  - Αν ένας υπάλληλος αλλάζει τμήμα ή αριθμό τηλεφώνου, όλες οι πλειάδες του υπαλλήλου στη σχέση πρέπει να αλλαχθούν.
  - Αντίστοιχα, αν ένα τμήμα αποκτήσει νέο διευθυντή.
  - Η επαναλαμβανόμενη πληροφορία δεν είναι μόνο περιττή, αλλά πρέπει επίσης να κρατείται ενημερωμένη
  - Αν ένας υπάλληλος ο οποίος έχει μια και μόνο δεξιότητα, την χάσει, τότε όλη η πληροφορία σχετικά με τον υπάλληλο πρέπει να χαθεί επίσης.

# Προβλήματα Κακής Σχεδίασης

- **Πρόβλημα ενημέρωσης:**
  - Μια σχέση  $R$  πάσχει από πρόβλημα ενημέρωσης αν, όποτε αλλάζει η τιμή ενός γνωρίσματος για ένα στιγμιότυπο της οντότητας ή της σχέσης την οποία αναπαριστά η  $R$ , είναι απαραίτητη η ενημέρωση πολλαπλών πλειάδων της  $R$ .
- **Πρόβλημα διαγραφής:**
  - Μια σχέση  $R$  πάσχει από πρόβλημα διαγραφής αν η διαγραφή μιας πλειάδας της σχέσης έχει ως αποτέλεσμα την απώλεια πληροφορίας σχετικά με μια σχετιζόμενη οντότητα ή σχέση.
- **Πρόβλημα εισαγωγής:**
  - Μια σχέση  $R$  πάσχει από πρόβλημα εισαγωγής αν πληροφορία δεν μπορεί να αναπαρασταθεί παρά μόνο αν περιληφθεί πληροφορία σχετική με κάποια άλλη οντότητα ή σχέση (η οποία μπορεί να μην υπάρχει).

# Προβλήματα Κακής Σχεδίασης

- Στο προηγούμενο παράδειγμα, κάποια από τα προβλήματα αυτά μπορούν να λυθούν αν η καθολική σχέση χωριστεί σε δύο πίνακες:

**Employees** (emp\_id, emp\_phone, dept\_name,  
dept\_phone, dept\_mgrname)

**Skills** (emp\_id, skill\_id, skill\_name,  
skill\_date, skill\_lvl)

- Ο πίνακας **Employees** περιέχει μια μοναδική πλειάδα για κάθε υπάλληλο.
- Ο πίνακας **Skills** περιέχει μια μοναδική πλειάδα για κάθε ζεύγος emp\_id, skill\_id.
- Η συνένωση των δύο σχέσεων δίνει την αρχική σχέση.
- Άρα έχουμε την ίδια πληροφορία χωρίς περιττή επανάληψη.

# Συναρτησιακές Εξαρτήσεις

- Μια **συναρτησιακή εξάρτηση** (Functional Dependency) είναι ένας περιορισμός μεταξύ δύο συνόλων γνωρισμάτων.
  - Έστω  $A_1, A_2, \dots, A_n$  όλα τα γνωρίσματα μιας σχέσης R. Αν X και Y είναι υποσύνολα του  $\{A_1, A_2, \dots, A_n\}$ , τότε η συναρτησιακή εξάρτηση  $X \rightarrow Y$  καθορίζει ότι για οποιεσδήποτε δύο πλειάδες  $t_1, t_2$  της R, αν  $t_1[X] = t_2[X]$ , τότε πρέπει επίσης να ισχύει ότι  $t_1[Y] = t_2[Y]$ .
- Δεδομένης μιας συναρτησιακής εξάρτησης  $X \rightarrow Y$ , λέμε ότι το σύνολο X **προσδιορίζει συναρτησιακά** το σύνολο Y ή ότι το σύνολο Y **εξαρτάται συναρτησιακά** από το σύνολο X

# Συναρτησιακές Εξαρτήσεις

- Αν η συναρτησιακή εξάρτηση  $X \rightarrow Y$  ισχύει σε μια σχέση R, τότε δεν είναι δυνατόν να υπάρχουν πλειάδες οι οποίες συμφωνούν στις τιμές όλων των γνωρισμάτων στο X και συγχρόνως δε συμφωνούν στην τιμή κάποιου από τα γνωρίσματα του Y.
- Αν το X είναι κλειδί της R, τότε η εξάρτηση  $X \rightarrow Y$  ισχύει για κάθε υποσύνολο Y των γνωρισμάτων της R.
- Η εξάρτηση  $X \rightarrow Y$  δεν συνεπάγεται την εξάρτηση  $Y \rightarrow X$

# Συναρτησιακές Εξαρτήσεις

- **Παράδειγμα:** Έστω ότι οι παρακάτω σχέσεις έχουν το περιεχόμενο που φαίνεται στους αντίστοιχους πίνακες. Προσδιορίστε τις συναρτησιακές εξαρτήσεις οι οποίες ισχύουν.

T1	A	B
	$x_1$	$y_1$
	$x_2$	$y_2$
	$x_3$	$y_1$
	$x_4$	$y_1$
	$x_5$	$y_2$
	$x_6$	$y_2$

T2	A	B
	$x_1$	$y_1$
	$x_2$	$y_4$
	$x_1$	$y_1$
	$x_3$	$y_2$
	$x_2$	$y_4$
	$x_4$	$y_3$

T3	A	B
	$x_1$	$y_1$
	$x_2$	$y_4$
	$x_1$	$y_1$
	$x_3$	$y_2$
	$x_2$	$y_4$
	$x_4$	$y_4$

$$\begin{aligned} T1: A &\rightarrow B \\ B &\not\rightarrow A \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} T2: A &\rightarrow B \\ B &\rightarrow A \end{aligned}^{10}$$

$$\begin{aligned} T3: A &\rightarrow B \\ B &\not\rightarrow A \end{aligned}$$

# Συναρτησιακές Εξαρτήσεις

- **Παράδειγμα:** Έστω το σχήμα

*EMPLOYEE (emp\_id, emp\_name, emp\_phone, dept\_name)*

*DEPARTMENT (dept\_id, dept\_name, dept\_phone, dept\_mgrname)*

*SKILL (skill\_id, skill\_name)*

*EMP\_HAS\_SKILL (emp\_id, skill\_id, skill\_date, skill\_level)*

- Οι συναρτησιακές εξαρτήσεις που ισχύουν είναι:

1.  $emp\_id \rightarrow emp\_name, emp\_phone, dept\_name$
2.  $dept\_name \rightarrow dept\_phone, dept\_mgrname$
3.  $skill\_id \rightarrow skill\_name$
4.  $emp\_id, skill\_id \rightarrow skill\_date, skill\_level$

# Λογικές Συνέπειες Συναρτησιακών Εξαρτήσεων

- **Κανόνας Εγκλεισμού** (Inclusion Rule): Αν  $X, Y$  είναι σύνολα γνωρισμάτων από το σχήμα της σχέσης  $R$  και  $Y \subseteq X$ , τότε  $X \rightarrow Y$ .
- Μια συναρτησιακή εξάρτηση  $X \rightarrow Y$  λέγεται **τετριμμένη** αν ισχύει για κάθε σχέση  $R$  της οποίας το σχήμα περιέχει  $X$  και  $Y$
- Τετριμμένες εξαρτήσεις εμφανίζονται σαν αποτέλεσμα της εφαρμογής του κανόνα εγκλεισμού
- **Θεώρημα:** Αν  $X \rightarrow Y$  είναι τετριμμένη συναρτησιακή εξάρτηση, πρέπει να ισχύει ότι  $Y \subseteq X$

# Λογικές Συνέπειες Συναρτησιακών Εξαρτήσεων

- **Θεώρημα:** Αν  $X \rightarrow Y$  είναι τετριμμένη συναρτησιακή εξάρτηση, πρέπει να ισχύει ότι  $Y \subseteq X$
- **Απόδειξη:** Υποθέστε ότι  $Y \supset X$ . Δημιουργήστε μια σχέση με όλα τα γνωρίσματα των  $X$  και  $Y$  και θεωρήστε ένα γνώρισμα  $A$  του  $Y - X$ . Εφόσον  $A \in Y$  και  $A \notin X$ , είναι δυνατόν να κατασκευάσουμε δύο πλειάδες  $u$  και  $v$ , οι οποίες έχουν κοινές τιμές σε όλα τα γνωρίσματα στο  $X$  αλλά έχουν διαφορετικές τιμές στο  $A$ . Τότε όμως η τετριμμένη εξάρτηση δεν ισχύει. Άρα, δε μπορεί να υπάρχει τέτοιο γνώρισμα  $A$  στο  $Y - X$ . Επομένως,  $Y \subseteq X$ .
- Από ένα μικρό αριθμό κανόνων συνεπαγωγής και ένα αρχικό σύνολο συναρτησιακών εξαρτήσεων μπορεί να εξαχθεί ένας αριθμός πρόσθετων συναρτησιακών εξαρτήσεων.

# Αξιώματα Armstrong

- Έστω ότι τα σύνολα γνωρισμάτων  $X, Y, Z$  περιέχονται στο σχήμα της σχέσης  $R$ . Τότε ισχύουν οι παρακάτω κανόνες:

## 1. Κανόνας Εγκλεισμού (Inclusion Rule)

$\text{Av } Y \subseteq X \text{ τότε } X \rightarrow Y$

## 2. Κανόνας Μεταβατικότητας (Transitivity Rule)

$\text{Av } X \rightarrow Y \text{ και } Y \rightarrow Z \text{ τότε } X \rightarrow Z$

## 3. Κανόνας Επαύξησης (Augmentation Rule)

$\text{Av } X \rightarrow Y \text{ τότε } XZ \rightarrow YZ$

# Συνέπειες των Αξιωμάτων

- Θεώρημα: Αν  $W, X, Y, Z, B$  περιέχονται στο σχήμα της  $R$ , τότε:

## 1. Κανόνας Ένωσης (Union Rule)

Αν  $X \rightarrow Y$  και  $X \rightarrow Z$  τότε  $X \rightarrow YZ$

## 2. Κανόνας Αποσύνθεσης (Decomposition Rule)

Αν  $X \rightarrow YZ$  τότε  $X \rightarrow Y$  και  $X \rightarrow Z$

## 3. Κανόνας Ψευδομεταβατικότητας (Pseudotransitivity Rule)

Αν  $X \rightarrow Y$  και  $WY \rightarrow Z$  τότε  $XW \rightarrow Z$

## 4. Κανόνας Συσσώρευσης (Accumulation Rule)

Αν  $X \rightarrow YZ$  και  $Z \rightarrow B$  τότε  $X \rightarrow YZB$

# Αξιώματα Armstrong

- **Παράδειγμα:** Βρείτε ένα ελάχιστο σύνολο συναρτησιακών εξαρτήσεων οι οποίες ικανοποιούνται στον ακόλουθο πίνακα:

	A	B	C	D
T	$a_1$	$b_1$	$c_1$	$d_1$
	$a_1$	$b_1$	$c_2$	$d_2$
	$a_2$	$b_1$	$c_1$	$d_3$
	$a_2$	$b_1$	$c_3$	$d_4$

1. Σ.Ε. με ένα γνώρισμα στο αριστερό μέλος
  - Οι τετριμμένες εξαρτήσεις  $A \rightarrow A, B \rightarrow B, C \rightarrow C, D \rightarrow D$  δεν περιλαμβάνονται στο ελάχιστο σύνολο.
  - Οι εξαρτήσεις  $A \rightarrow B, C \rightarrow B, D \rightarrow B$  προκύπτουν από τον πίνακα καθώς όλες οι τιμές του Β είναι ίδιες.

# Αξιώματα Armstrong

- **Παράδειγμα:** Βρείτε ένα ελάχιστο σύνολο συναρτησιακών εξαρτήσεων οι οποίες ικανοποιούνται στον ακόλουθο πίνακα:

	A	B	C	D
T	$a_1$	$b_1$	$c_1$	$d_1$
	$a_1$	$b_1$	$c_2$	$d_2$
	$a_2$	$b_1$	$c_1$	$d_3$
	$a_2$	$b_1$	$c_3$	$d_4$

1. Σ.Ε. με ένα γνώρισμα στο αριστερό μέλος
  - Τα γνωρίσματα A, C, D έχουν τουλάχιστον δύο διακεκριμένες τιμές.  
Άρα,  $B \not\rightarrow A, B \not\rightarrow C, B \not\rightarrow D$ .
  - Όλες οι τιμές του D είναι διαφορετικές  
Άρα,  $D \rightarrow A, D \rightarrow B, D \rightarrow C$ .

# Αξιώματα Armstrong

- **Παράδειγμα:** Βρείτε ένα ελάχιστο σύνολο συναρτησιακών εξαρτήσεων οι οποίες ικανοποιούνται στον ακόλουθο πίνακα:

	A	B	C	D
T	$a_1$	$b_1$	$c_1$	$d_1$
	$a_1$	$b_1$	$c_2$	$d_2$
	$a_2$	$b_1$	$c_1$	$d_3$
	$a_2$	$b_1$	$c_3$	$d_4$

1. Σ.Ε. με ένα γνώρισμα στο αριστερό μέλος
  - Τα γνωρίσματα A, και C έχουν τουλάχιστον δύο επαναλαμβανόμενες τιμές. Άρα,  $A \not\rightarrow D$ ,  $C \not\rightarrow D$ .
  - $A \not\rightarrow C$  και  $C \not\rightarrow A$ , εξαιτίας των πλειάδων 1,2 και 1,3 αντίστοιχα.

# Αξιώματα Armstrong

- **Παράδειγμα:** Βρείτε ένα ελάχιστο σύνολο συναρτησιακών εξαρτήσεων οι οποίες ικανοποιούνται στον ακόλουθο πίνακα:

	A	B	C	D
T	$a_1$	$b_1$	$c_1$	$d_1$
	$a_1$	$b_1$	$c_2$	$d_2$
	$a_2$	$b_1$	$c_1$	$d_3$
	$a_2$	$b_1$	$c_3$	$d_4$

1. Σ.Ε. με ένα γνώρισμα στο αριστερό μέλος
  - Άρα ισχύουν οι ακόλουθες Σ.Ε.:
$$A \rightarrow B, C \rightarrow B, D \rightarrow A, D \rightarrow B, D \rightarrow C$$
  - Από τον κανόνα ένωσης:  $A \rightarrow B, C \rightarrow B, D \rightarrow ABC$ .

# Αξιώματα Armstrong

- **Παράδειγμα:** Βρείτε ένα ελάχιστο σύνολο συναρτησιακών εξαρτήσεων οι οποίες ικανοποιούνται στον ακόλουθο πίνακα:

	A	B	C	D
T	$a_1$	$b_1$	$c_1$	$d_1$
	$a_1$	$b_1$	$c_2$	$d_2$
	$a_2$	$b_1$	$c_1$	$d_3$
	$a_2$	$b_1$	$c_3$	$d_4$

2. Σ.Ε. με ζεύγος γνωρισμάτων στο αριστερό μέλος
  - Εξαιτίας της  $D \rightarrow ABC$ , κάθε ζεύγος που περιέχει το D προσδιορίζει συναρτησιακά όλα τα υπόλοιπα γνωρίσματα (κανόνας επαύξησης). Αυτές οι εξαρτήσεις είναι συνεπαγωγές εξαρτήσεων που ήδη ανήκουν στο ζητούμενο σύνολο.

# Αξιώματα Armstrong

- **Παράδειγμα:** Βρείτε ένα ελάχιστο σύνολο συναρτησιακών εξαρτήσεων οι οποίες ικανοποιούνται στον ακόλουθο πίνακα:

	A	B	C	D
T	$a_1$	$b_1$	$c_1$	$d_1$
	$a_1$	$b_1$	$c_2$	$d_2$
	$a_2$	$b_1$	$c_1$	$d_3$
	$a_2$	$b_1$	$c_3$	$d_4$

2. Σ.Ε. με ζεύγος γνωρισμάτων στο αριστερό μέλος
  - Ζεύγη γνωρισμάτων που περιλαμβάνουν το B στο αριστερό μέλος δίνουν είτε τετριμμένες εξαρτήσεις, είτε συνεπαγωγές εξαρτήσεων.

# Αξιώματα Armstrong

- **Παράδειγμα:** Βρείτε ένα ελάχιστο σύνολο συναρτησιακών εξαρτήσεων οι οποίες ικανοποιούνται στον ακόλουθο πίνακα:

	A	B	C	D
T	$a_1$	$b_1$	$c_1$	$d_1$
	$a_1$	$b_1$	$c_2$	$d_2$
	$a_2$	$b_1$	$c_1$	$d_3$
	$a_2$	$b_1$	$c_3$	$d_4$

2. Σ.Ε. με ζεύγος γνωρισμάτων στο αριστερό μέλος
  - $AC \rightarrow ABCD$  καθώς το ζεύγος AC έχει διακεκριμένες τιμές σε κάθε πλειάδα. Η μόνη νέα εξάρτηση είναι η  $AC \rightarrow D$ . Οι εξαρτήσεις  $AC \rightarrow A, AC \rightarrow C, AC \rightarrow B$  ήδη εξάγονται από άλλες εξαρτήσεις.

# Αξιώματα Armstrong

- **Παράδειγμα:** Βρείτε ένα ελάχιστο σύνολο συναρτησιακών εξαρτήσεων οι οποίες ικανοποιούνται στον ακόλουθο πίνακα:

	A	B	C	D
T	$a_1$	$b_1$	$c_1$	$d_1$
	$a_1$	$b_1$	$c_2$	$d_2$
	$a_2$	$b_1$	$c_1$	$d_3$
	$a_2$	$b_1$	$c_3$	$d_4$

3. Δεν υπάρχουν εξαρτήσεις με 3 ή 4 γνωρίσματα στο αριστερό μέλος οι οποίες ανήκουν σε αυτό το σύνολο.

Το ελάχιστο σύνολο εξαρτήσεων είναι

$$\{A \rightarrow B, C \rightarrow B, D \rightarrow ABC, AC \rightarrow D\}$$

# Κλείσιμο (Closure)

- Τα αξιώματα Armstrong και οι συνέπειές τους παράγουν ένα σύνολο το οποίο είναι πολύ μεγαλύτερο από το αρχικό σύνολο των ΣΕ.
- Δεδομένου ενός συνόλου  $F$  από ΣΕ, το **κλείσιμο** (*closure*)  $F^+$  του  $F$  ορίζεται σαν το σύνολο των ΣΕ οι οποίες συνεπάγονται από το  $F$ .
- **Παράδειγμα:** Θεωρείστε το σύνολο των ΣΕ:  
$$F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, C \rightarrow D, D \rightarrow E, E \rightarrow F, F \rightarrow G, G \rightarrow H\}$$
  - ✓ Από  $A \rightarrow B$  και  $B \rightarrow C$ , συνεπάγεται λόγω μεταβατικότητας η  $A \rightarrow C$ .
  - ✓ Επίσης:  $A \rightarrow D, A \rightarrow E, A \rightarrow F, A \rightarrow G, A \rightarrow BC, A \rightarrow EF$  κ.ο.κ.
  - ✓ Παρόμοια για εξαρτήσεις με  $B$  στο αριστερό μέλος κ.ο.κ.

# Κάλυψη (Cover)

- Το μέγεθος του κλεισίματος ενός συνόλου  $\Sigma$  μεγαλώνει εκθετικά με αυτό του αρχικού συνόλου.
- Χρειαζόμαστε έναν τρόπο για να αναφερόμαστε στο σύνολο των εξαρτήσεων που συνεπάγονται από ένα αρχικό σύνολο χωρίς να πρέπει να υπολογίσουμε το κλείσιμο του συνόλου αυτού.
- Για κάθε σύνολο  $\Sigma$  μπορούμε να βρούμε ένα «ισοδύναμο» σύνολο το οποίο είναι ελάχιστο.
- Ένα σύνολο  $F$  από  $\Sigma$  για μια σχέση  $R$  **καλύπτει** ένα άλλο σύνολο  $G$  από  $\Sigma$  για την  $R$ , αν το σύνολο  $G$  μπορεί να εξαχθεί με την εφαρμογή των κανόνων συνεπαγωγής στις  $\Sigma$  του  $F$ , δηλαδή αν  $G \subseteq F^+$ .

# Κάλυψη (Cover)

- Αν το  $F$  καλύπτει το  $G$  και το  $G$  καλύπτει το  $F$  τότε τα  $F$  και  $G$  λέγονται **ισοδύναμα** ( $F \equiv G$ ).
- Αν  $F \equiv G$ , τότε  $F^+ = G^+$
- **Παράδειγμα:** Θεωρείστε τα σύνολα  $\Sigma$   
 $F = \{B \rightarrow CD, AD \rightarrow E, B \rightarrow A\}$   
 $G = \{B \rightarrow CDE, B \rightarrow ABC, AD \rightarrow E\}$   
Δείξτε ότι το  $F$  καλύπτει το  $G$ .

Πρέπει να δείξουμε ότι κάθε  $\Sigma$  του  $G$  μπορεί να εξαχθεί από το  $F$  με χρήση των κανόνων συνεπαγωγής.

- Η  $\Sigma$   $AD \rightarrow E$  είναι ήδη στο  $F$ .
- Από την  $B \rightarrow CD$  και την  $B \rightarrow A$ , εξάγουμε την  $B \rightarrow ACD$  (κανόνας ένωσης)

# Κάλυψη (Cover)

- **Παράδειγμα (συνέχεια):** Θεωρείστε τα σύνολα ΣΕ

$$F = \{B \rightarrow CD, AD \rightarrow E, B \rightarrow A\}$$

$$G = \{B \rightarrow CDE, B \rightarrow ABC, AD \rightarrow E\}$$

Δείξτε ότι το F καλύπτει το G.

Πρέπει να δείξουμε ότι κάθε ΣΕ του G μπορεί να εξαχθεί από το F με χρήση των κανόνων συνεπαγωγής.

- Από  $B \rightarrow ACD$  και  $B \rightarrow B$ , εξάγουμε την  $B \rightarrow ABCD$  (κανόνας ένωσης)
- Από  $B \rightarrow ABCD$  εξάγουμε την  $B \rightarrow AD$  (κανόνας αποσύνθεσης)
- Από  $B \rightarrow AD$  και  $AD \rightarrow E$  εξάγουμε την  $B \rightarrow E$  (κανόνας μεταβατικότητας)

# Κάλυψη (Cover)

- **Παράδειγμα:** Θεωρείστε τα σύνολα ΣΕ

$$F = \{B \rightarrow CD, AD \rightarrow E, B \rightarrow A\}$$

$$G = \{B \rightarrow CDE, B \rightarrow ABC, AD \rightarrow E\}$$

Δείξτε ότι το F καλύπτει το G.

Πρέπει να δείξουμε ότι κάθε ΣΕ του G μπορεί να εξαχθεί από το F με χρήση των κανόνων συνεπαγωγής.

- Από  $B \rightarrow ABCD$  και  $B \rightarrow E$  εξάγουμε την  $B \rightarrow ABCDE$  (κανόνας ένωσης)
- Από  $B \rightarrow ABCDE$  εξάγουμε την  $B \rightarrow CDE$  και την  $B \rightarrow ABC$  (κανόνας αποσύνθεσης)